

# ШКОЛА РАЈАК BITWISE

НЕОПХОДНА ТЕОРИЈСКА ОСНОВА: 1~16

ФОРЕ ЗА ЗАДАТКЕ: 17~26

ФОРЕ ЗА ОТИСАК: 27 ~ 31

1

Аутор: Себастиан Новак

# ПОДСЕТНИК:

- Рачунар све податка у себи чува бинарно
- По нашој жељи, та вредност може да се прикаже у другом облику (нама лакшој за разумети)
- Пример %d
- Да ли сте свесни да се тиме бинарна вредност из меморије рачунара, нама представља као цео број?

# ПОДСЕТНИК:

- Шта је бит?
- Основна мерна јединица информације
- Може имати вредност 1 или 0
- Шта је бајт?
- Низ од 8 бита
- `int` заузима 4 бајта, односно 32 бита
- `short` заузима 2 бајта, односно 16 бита
- `char` заузима 1 бајт, односно 8 бита
- било који показивач, на било шта, заузима исто као и сви други показивачи (4 бајта - 32 бита)

# ШТА ЈЕ BITWISE?

- Вршење логичких операција, али над сваким појединачним битом.
- Логичке операције на располагању:
  - Bitwise И :  $1 \& 1 = 1$
  - Bitwise ИЛИ:  $1 | 0 = 1$
  - Bitwise НЕ (компламент):  $\sim 1 = 0$
  - Bitwise shift у десно n пута:
    - $1000 \gg 3 = 0001$
    - $1000 \gg 1 = 0100$
  - Bitwise shift у лево n пута:
    - $0001 \ll 3 = 1000$
    - $0100 \ll 1 = 1000$

# КАКО ПРЕДСТАВИТИ БИНАРНЕ БРОЈЕВЕ У ЦЕ ПРОГРАМУ?

- СВЕ ШТО СТЕ ИКАДА НАПИСАЛИ ЈЕ ВЕЋ БИНАРНО!
- РАЧУНАР УВЕК РАДИ СА БИНАРНИМ БРОЈЕВИМА!
- ЈЕДИНО ШТО ДО САДА НИСТЕ ЗНАЛИ:
  - Како да баш експлицитно у коду напишете  
101010101

БИНАРНИ?  
ДЕКАДНИ?  
???????

- Зову се бинарни, јер припадају бинарном бројевном систему.
- Бинарни бројевни систем се тако зове зато се све вредности описују комбинацијом само две цифре: 1 и 0
- Децимални бројевни систем, користи десет цифри да би описао вредности:  
0,1,2,3,4,5,6,7,8,9

# ПРИМЕР НЕКИХ ЦЕЛИХ БРОЈЕВА ПРЕДСТАВЉЕНИХ БИНАРНО

Вредност у децималном бројевном систему	Вредност у бинарном бројевном систему
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001
10	1010
11	1011
12	1100
13	1101
14	1110
15	1111

# КАКО ПРЕДСТАВИТИ СЕБИ ПРОМЕНЉИВУ У БИНАРНОМ ОБЛИКУ?

`char x = 9;`





# КАКО ДА ПРЕБАЦИМ БРОЈ ИЗ ДЕЦИМАЛНОГ У БИНАРНИ?

- Напамет, наравно
- Или преко калкулатора?
- Или рачуном:
- Узмемо неки број, делимо га са 2 док не дођемо до 0, пишемо резултат целобројног дељења и остатак:

- 6 : 2
- 3 остатак 0
- 1 остатак 1
- 0 остатак 1



декадно 6  
је бинарно 110

# КАКО ДА ПРЕБАЦИМ БИНАРНИ БРОЈ У ДЕЦИМАЛНИ?

- Напамет, наравно
- Или преко калкулатора?
- Или рачуном:
- Имамо бинарни број 110

$$\begin{array}{r} \mathbf{1} \\ \downarrow \\ 1 * 2^2 \end{array} + \begin{array}{r} \mathbf{1} \\ \downarrow \\ 1 * 2^1 \end{array} + \begin{array}{r} \mathbf{0} \\ \downarrow \\ 0 * 2^0 \end{array} =$$
$$= 1 * 4 + 1 * 2 + 0 * 1 =$$
$$= 4 + 2 + 0 = 6$$

# КАКО ДА ПРЕБАЦИМ БИНАРНИ БРОЈ У ДЕЦИМАЛНИ?

- Почевши од скроз десног места у бинарном броју, вредност сваког бита (било да је то 0 или 1 )
- множимо са  $2^{\text{позиција Бита}}$  и све то на крају када саберемо, претворили смо бинарну вредност у децималну.

$$\begin{array}{ccc} \mathbf{1} & & \mathbf{1} & & \mathbf{0} \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ 1 * 2^2 & + & 1 * 2^1 & + & 0 * 2^0 = \mathbf{6} \end{array}$$

# ЗАШТО НЕ МОГУ ДА НАПИШЕМ 010101010101 ДИРЕКНО У КОДУ????

- Нажалост, само у одређеним развојним окружењима, могуће је задати бинарно вредности на овај начин:
  - `char x = 0b00000001`
- ОВО НИЈЕ СТАНДАРДИЗОВАНО!
- НИЈЕ СВУДА ПРИСУТНО!
- НЕ ГАРАНТУЈЕ СЕ ДА ЋЕ СЕ ИЗВРШИТИ КАКО ТРЕБА ПРИ ПРОМЕНИ АРХИТЕКТУРЕ!

# КАКО ДА ОНДА НАПИШЕМ 10101001 У ЦЕ КОДУ???

- Написаћете га као цео број (узети неки бинарни, претворити у цео па ту вредност написати)
- Нпр. знате да је 00001000 једнако 9
- Желите да `x` буде 00001000, напишете:
  - `char x = 9;`
- ИЛИ ћете користити запис преко хексадецималног бројевног система

# ХЕКСАДЕЦИМАЛНИ СИСТЕМ

- Састоји се од 16 цифри, чиме се описују све вредности
- Хекса  $\Leftrightarrow$  6
- Децимално  $\Leftrightarrow$  10
- Хекса + децимално  $\Leftrightarrow$  16
- 1 хекса цифра = 4 бинарне
  
- Цифре хексадецималног система:
  - 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9, A,B,C,D,E,F

# 1 ХЕКСА $\Leftrightarrow$ 4 БИНАРНЕ

Вредност у децималном бројевном систему	Вредност у Хексадецималном б.с.	Вредност у бинарном бројевном систему
0	0	0000
1	1	0001
2	2	0010
3	3	0011
4	4	0100
5	5	0101
6	6	0110
7	7	0111
8	8	1000
9	9	1001
10	A	1010
11	B	1011
12	C	1100
13	D	1101
14	E	1110
15	F	1111

# ЗАШТО КОРИСТИМО ХЕКСА? ДА БИХ У КОДУ ПРЕДСТАВИЛИ БИНАРНЕ ВРЕДНОСТИ

- Када у Це коду желимо да напишемо хексадецималну вредност, морамо ставити префикс 0x

0000 ⇔ 0

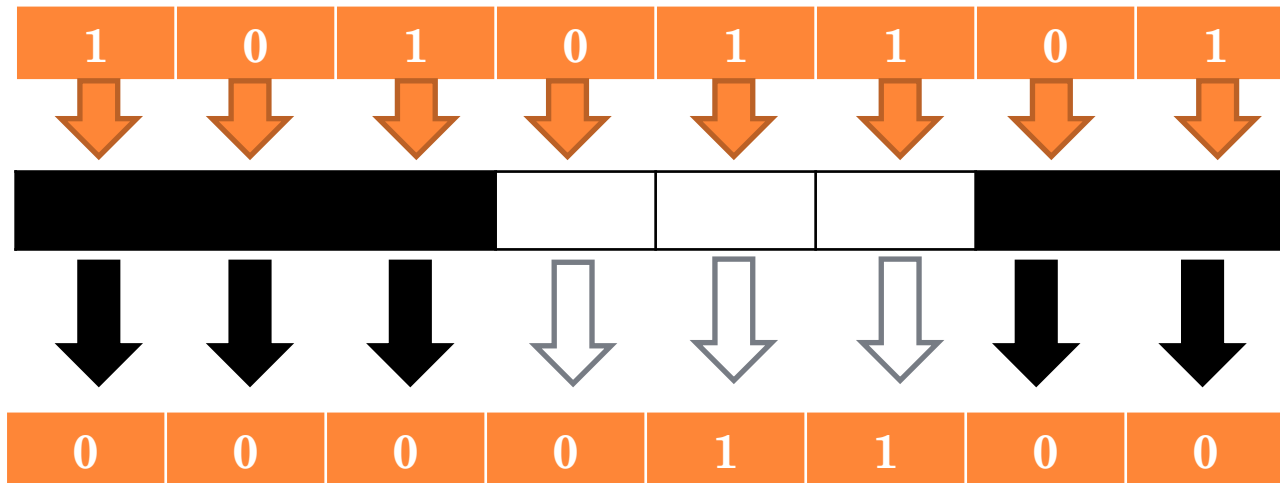
0001 ⇔ 1

~~char x = 00000001;~~

char x = 0x01;



# ВАЂЕЊЕ ЖЕЉЕНИХ БИТА ИЗ ПРОМЕНЉИВЕ



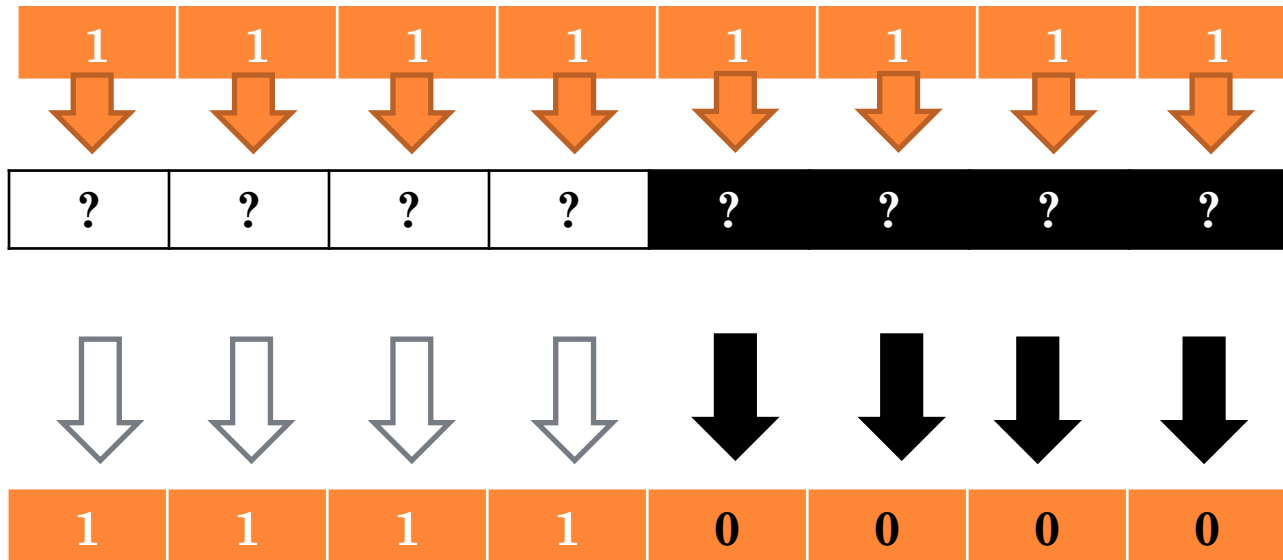
**Ово црно у средини називамо маском**

Вадимо само жељене бите тако што направимо маску која пропушта само на оним местима која нас занимају

Остали бити ће увек бити 0, јер нас не занимају

# КАКО НАПРАВИТИ МАСКУ???

- Рецимо да имамо број 255, нека буде смештен у промелјиву типа `char`, те заузима 1 бајт
- Желимо да извадимо само левих 4 бита

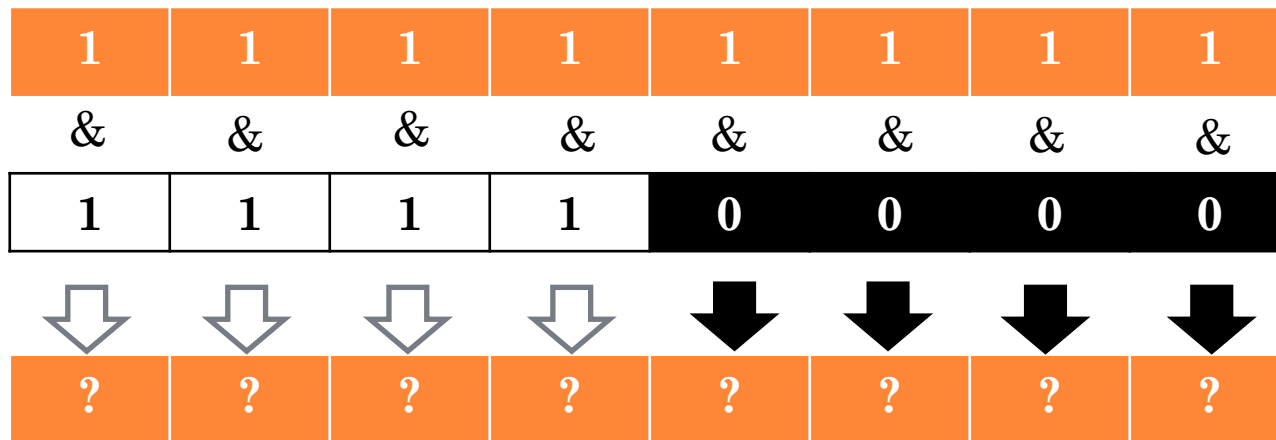


## КАКО НАПРАВИТИ МАСКУ? (2)

- Знамо шта нам је улаз, знамо шта нам је излаз, сада само морамо да смислимо како да од улаза добијемо излаз.
- Које операције су нам на располагању?
  - $\&$  - Bitwise И (резултат 1 ако су оба 1)
  - $|$  - Bitwise ИЛИ (резултат 0 само ако су оба 0)
  - $\sim$  - компламент (1 обрне на 0, 0 на 1)
  - $\wedge$  - екслузивно ИЛИ – (1 само ако су различити)

## КАКО НАПРАВИТИ МАСКУ? (3)

- Желимо да неке јединице прођу, а остале да буду 0.
- Ако ставимо у масци јединице на жељене позиције, а нуле на остале и применимо Bitwise И, шта ће се десити?



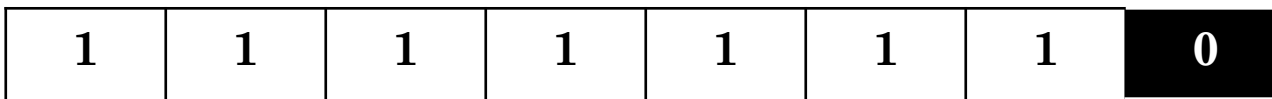
## КАКО НАПРАВИТИ МАСКУ? (4)

- Нацртати шта је дато
- Нацртати шта треба да се добије
- Направити неку маску (ставити јединице на позиције које нас занимају, односно нуле на оне које нас не занимају)
- Одабрати одговарајућу операцију
  
- Ако ниједна од операција не даје добар резултат, покушати направити другачију маску

# КАКО НАПРАВИТИ МАСКУ ПРОГРАМСКИ?

- Знамо да ручно направимо маску
- Знамо која нам треба операција
- Шта ако маска некада мора да извуче само 0. бит, па само 4. бит ИЛИ СВЕ ОСИМ 0. бита?
- Тражимо начин да генерализујемо прављење маске тако што напишемо све тражене маске и покушамо да нађемо шаблон по ком се праве

„САМО 0. БИТ, ПА САМО 4. БИТ ИЛИ  
СВЕ ОСИМ 0. БИТА“



# ПРОГРАМСКО ПРАВЉЕЊЕ МАСКИ

- Рецимо да ће да нам основна маска бити она за само 0. бит



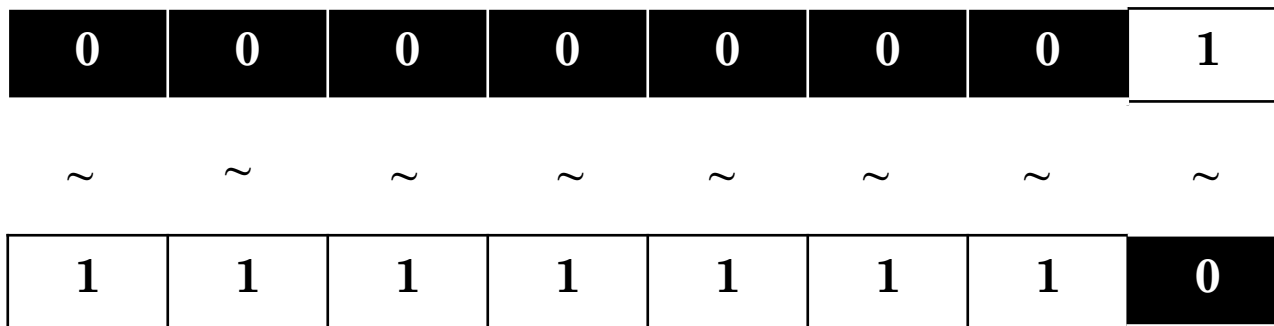
- Ако њу шифтујемо за 4 (позиција жељеног бита, могло је бити било шта између 0 и 7) у лево добијамо маску за само 4. бит:





# ПРОГРАМСКО ПРАВЉЕЊЕ МАСКИ

- СВЕ ОСИМ 0. бита?
  - Дакле свуда јединице, једино нула на 0. позицији
- Најлакше ми је прво направим свуда нуле, само јединица на 0. позицији и да све то обрнем уз помоћ компламента



# ЗАКЉУЧАК

- Напишем шта је улаз
- Напишем шта је излаз
- Правим маску, бирам операцију
  
- Ако треба генерализовати, да ради за било које позиције (функције написати) напишем себи неколико примера и тражим шаблон

# ФОРЕ И ФАЗОНИ ЗА ОТИСАК

- Шта ће бити исписано ?

```
char x = 1;
```

```
char y = 2;
```

```
if ( x && y)
```

```
    printf("A");
```

```
else
```

```
    printf("B");
```

```
if (x & y)
```

```
    printf("A");
```

```
else
```

```
    printf("B");
```

# ФОРЕ И ФАЗОНИ ЗА ОТИСАК

- Резултат операције ЛОГИЧКОГ И је 1 ако су оба операнда  $\neq 0$  , тако да ће овде бити исписано А
- (различито од 0 је у Це-у тачно, те је if тачан)

```
char x = 1;  
char y = 2;
```

```
if ( x && y)  
    printf("A");  
else  
    printf("B");
```

# ФОРЕ И ФАЗОНИ ЗА ОТИСАК

- БИТВАЈЗ оператор & ради БИТВАЈЗ И над операндима, БИТ ПО БИТ!
- Дакле, да бисмо знали шта ће бити резултат операције морамо себи нацртати оба броја бинарно и применити & над њима, те видети да ли је резултат нула или не

```
char x = 1;
```

```
char y = 2;
```

```
if (x & y)
```

```
    printf("A");
```

```
else
```

```
    printf("B");
```

x:

0	0	0	0	0	0	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---

&	&	&	&	&	&	&	&
---	---	---	---	---	---	---	---

y:

0	0	0	0	0	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---

x&y:

0	0	0	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

# ФОРЕ И ФАЗОНИ ЗА ОТИСАК

- Колико ће се пута извршити ова петља?

```
char x = 4;  
while( x>0)  
    x = x >> 1;
```

x: 0 0 0 0 0 1 0 0

x: 0 0 0 0 0 0 1 0

x: 0 0 0 0 0 0 0 1

x: 0 0 0 0 0 0 0 0

# ФОРЕ И ФАЗОНИ ЗА ОТИСАК

- Колико ће се пута извршити ова петља?

```
char x = 4;  
while( x>0)  
    x = x << 1;
```

x: 0 0 0 0 0 1 0 0

x: 0 0 0 0 1 0 0 0

x: 0 0 0 1 0 0 0 0

x: 0 0 1 0 0 0 0 0

x: 0 1 0 0 0 0 0 0

x: 1 0 0 0 0 0 0 0

x: 0 0 0 0 0 0 0 0